

Estabilidad y LGR

1. Estabilidad por el método de Routh - Hurwitz

- $s^3 + 4s^2 + 8s + 12$
- $s^4 + s^3 + s^2 + 2s + 3$

2. Grafique los lugares geométricos de las raíces para un sistema de control en lazo cerrado con:

$$G(s) = \frac{K(s + 9)}{s(s^2 + 4s + 11)}, \quad H(s) = 1. \quad (1)$$

Ubique los polos en lazo cerrado sobre los lugares geométricos de las raíces de modo que los polos dominantes en lazo cerrado tengan un factor de amortiguamiento relativo igual a 0.5. Determine el valor correspondiente de la ganancia K.

3. Grafique los lugares geométricos de las raíces para el sistema con

$$G(s) = \frac{K}{s(s + 0.5)(s^2 + 0.6s + 10)}, \quad H(s) = 1. \quad (2)$$

4. Demuestre que los lugares geométricos de las raíces para un sistema de control con

$$G(s) = \frac{K(s^2 + 6s + 10)}{s^2 + 2s + 10}, \quad H(s) = 1, \quad (3)$$

son arcos del círculo con centro en el origen con un radio igual a $\sqrt{10}$.

5. Grafique los lugares geométricos de las raíces para un sistema de control en lazo cerrado con

$$G(s) = \frac{K(s + 0.2)}{s^2(s + 3.6)}, \quad H(s) = 1. \quad (4)$$

6. Considere el sistema masa-resorte, afectado por fricción viscosa está descrito por la ecuación diferencial ordinaria

$$m\ddot{x} = -kx + \mu_v\dot{x} + \tau, \quad (5)$$

donde μ_v denota el coeficiente de la fricción viscosa, m es la masa del sistema, k es la constante del resorte y τ denota la entrada de control del sistema mecánico. Considere condiciones iniciales iguales a cero.

- f) Control PID, con $k = 5, m = 2, \mu_v = 1$, ubique los polos en $p_1 = -2$, $p_2 = -3$ y $p_3 = -1$. Para las simulaciones considere una entrada $u = \frac{2.5}{s}$.

- 1) Obtener las características de la respuesta subamortiguada para el sistema masa resorte.
- 2) Definir de que tipo es el sistema masa resorte.
- 3) Probar por medio de simulaciones los resultados obtenidos.
- 4) Hallar el LGR del sistema masa resorte.
- 5) Mostrar la gráfica del LGR del sistema masa resorte.