

ANÁLISIS DE CIRCUITOS ELÉCTRICOS

EJERCICIOS PROPUESTOS 2

2.1 Circuitos de Primer Orden

1. El circuito RC de la **Figura 2.1** se apeg a la convención pasiva de signos, aplique LCK en el nodo superior y determine:

- La ecuación diferencial en función de $v(t)$.
- Resuelva la ecuación diferencial del inciso anterior para $t > 0$, suponiendo que el capacitor tiene una condición inicial en $t = 0$ de $v_C(0) = V_0$, con $V_0 \neq 0$.

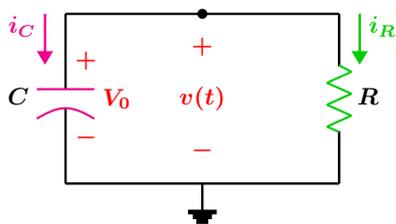


Figura 2.1: Circuito RC.

Respuestas: a) $\frac{dv}{dt} + \frac{v}{RC} = 0$

b) $v(t) = V_0 e^{-t/RC}, t > 0$

2. Para el circuito de la **Figura 2.2**, el interruptor ha estado cerrado por un largo periodo de tiempo, pero se abre de forma repentina en $t = 0$, obtener para $t > 0$:

- El voltaje inicial en el capacitor V_0 y la constante de tiempo τ .
- El voltaje en el capacitor $v_C(t)$ y la corriente $i(t)$.

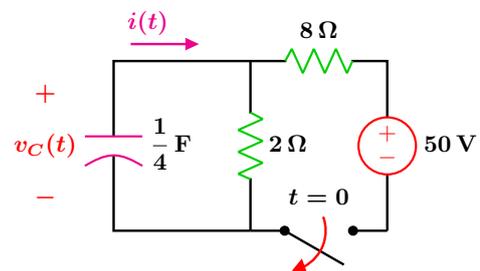


Figura 2.2: Circuito RC.

Respuestas: a) $V_0 = 10 \text{ V}, \tau = 0.5 \text{ s}$

b) $v_C(t) = 10 e^{-2t} u(t), i(t) = 5 e^{-2t} u(t)$

3. En el circuito que se muestra en la **Figura 2.3**, el interruptor ha estado cerrado por un largo periodo de tiempo y se abre en el instante $t = 0$, determinar para $t > 0$:

- El voltaje en el capacitor $v_C(t)$.
- Las corrientes $i_1(t)$ e $i_2(t)$.
- Verifique para todo tiempo la LVK en la malla izquierda.

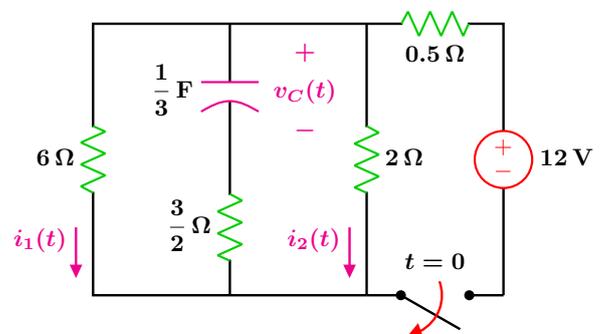


Figura 2.3: Circuito RC.

Responsable: M.I. Gloria Mata Hernández

Elaboró: Ing. Fernando Rivera

Facultad de Ingeniería, División de Ingeniería Eléctrica, UNAM

Respuestas: a) $v_C(t) = 9e^{-t}u(t)$

b) $i_1(t) = \frac{3}{4}e^{-t}u(t)$, $i_2(t) = \frac{9}{4}e^{-t}u(t)$

b) $6i_1(t) = v_C(t) - \frac{3}{2}(i_1(t) + i_2(t))$ **Se verifica**

4. El circuito RC que se muestra en la **Figura 2.4** tiene como entrada la función escalón unitario.

- Aplique LVK para obtener la ecuación diferencial en términos del voltaje en el capacitor $v(t)$.
- Resuelva la ecuación diferencial del inciso anterior y obtenga para $t > 0$ la expresión de $v(t)$, suponiendo que el capacitor tiene una condición inicial de $V_0 \neq 0$ en $t = 0$.
- Obtenga la expresión de $v(t)$ para $t > 0$, suponiendo condiciones iniciales nulas.

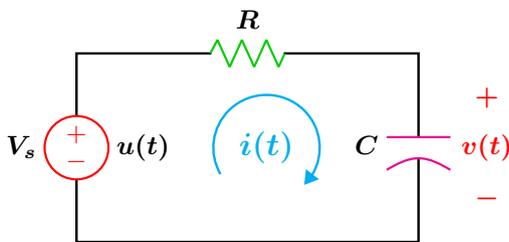


Figura 2.4: Circuito RC.

Respuestas: a) $\frac{dv}{dt} + \frac{v}{RC} = \frac{V_s}{RC}u(t)$

b) $v(t) = [V_s + (V_0 - V_s)e^{-t/RC}]u(t)$

c) $v(t) = V_s(1 - e^{-t/RC})u(t)$

5. Considere el circuito mostrado en la **Figura 2.5**.

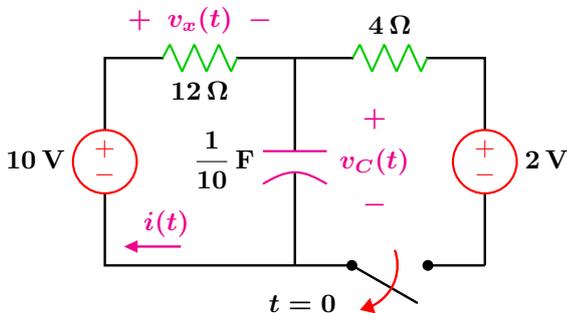


Figura 2.5: Circuito RC.

El interruptor se abre de forma instantánea en $t = 0$ después de haber estado cerrado por un largo periodo de tiempo, con base en ello determinar para $t > 0$:

- El voltaje en el capacitor $v_C(t)$.
- La corriente $i(t)$.
- El voltaje $v_x(t)$

Respuestas: a) $v_C(t) = (10 - 6e^{-5t/6})u(t)$

b) $i(t) = (0.5e^{-5t/6})u(t)$

c) $v_x(t) = (6e^{-5t/6})u(t)$

6. El circuito RL de la **Figura 2.6** se apega a la convención pasiva de signos, aplique LVK alrededor del circuito y determine:

- La ecuación diferencial en función de $i(t)$.
- Resuelva la ecuación diferencial del inciso anterior para $t > 0$, suponiendo que el inductor tiene una condición inicial en $t = 0$ de $i_L(0) = I_0$, con $V_0 \neq 0$.

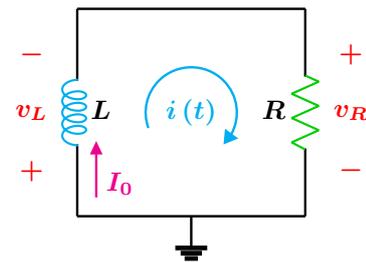


Figura 2.6: Circuito RL.

Respuestas: a) $\frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = 0$

b) $i(t) = (I_0 e^{-t/\tau})u(t)$

7. Sea el circuito que se muestra en la **Figura 2.7**.

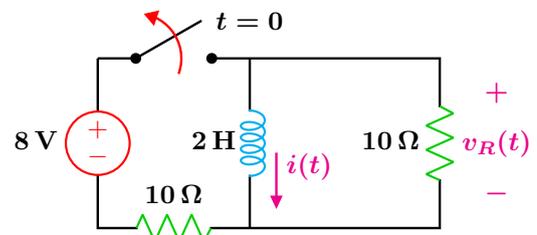


Figura 2.7: Circuito RL.

Responsable: M.I. Gloria Mata Hernández

Elaboró: Ing. Fernando Rivera

Facultad de Ingeniería, División de Ingeniería Eléctrica, UNAM

El interruptor se abre en $t = 0$ después de haber estado cerrado por un periodo de tiempo muy largo, con base en ello, determine para $t > 0$, la corriente $i(t)$ y el voltaje $v_R(t)$.

Respuestas: $i(t) = (0.8 e^{-5t}) u(t)$
 $v_R(t) = (-8 e^{-5t}) u(t)$

8. El interruptor mostrado en la **Figura 2.8** ha estado abierto por mucho tiempo y se cierra en $t = 0$, determine para $t > 0$ la corriente en el inductor $i_L(t)$, el voltaje $v_x(t)$ en la resistencia de 8Ω y $v_y(t)$.

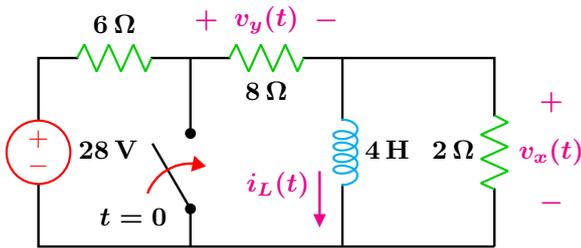


Figura 2.8: Circuito RL.

Respuestas: $i_L(t) = (2 e^{-0.4t}) u(t)$
 $v_x(t) = (-3.2 e^{-0.4t}) u(t)$
 $v_y(t) = (3.2 e^{-0.4t}) u(t)$

9. En la **Figura 2.9**, la fuente de corriente se desconecta en $t = 0$ después de haber permanecido mucho tiempo conectada al resto del circuito. Determine para $t > 0$ las tres corrientes $i_L(t)$, $i_1(t)$ y $i_2(t)$, considere que $L = \frac{4}{3}$ H.

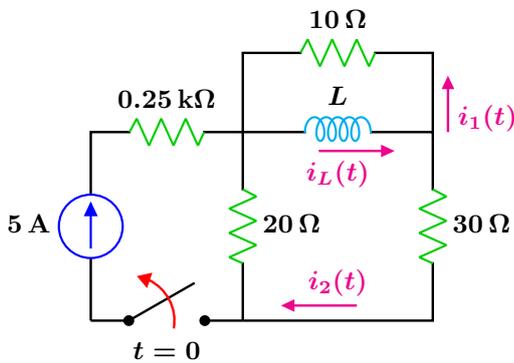


Figura 2.9: Circuito RL.

Respuestas: $i_L(t) = (2 e^{-6.25t}) u(t)$

$i_1(t) = \left(\frac{5}{3} e^{-6.25t}\right) u(t)$

$i_2(t) = \left(\frac{1}{3} e^{-6.25t}\right) u(t)$

10. El circuito que se muestra en la **Figura 2.10** tiene como entrada la función escalón unitario, el inductor tiene como condición inicial en $t = 0$ una corriente $I_0 \neq 0$ en la dirección que se muestra.

- a) Aplique LVK y determine la ecuación diferencial en función de $i(t)$ que sea válida para $t > 0$.
- b) Resuelva la ecuación diferencial para $i(t)$ sujeto a la condición $i(0) = I_0 \neq 0$
- c) Resuelva la ecuación diferencial para $i(t)$, si el sistema parte del reposo, esto es cuando $i(0) = 0$.

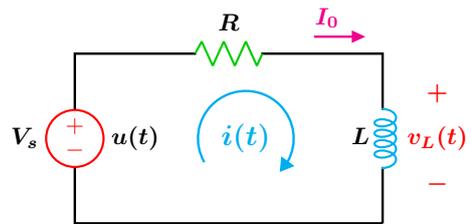


Figura 2.10: Circuito RL.

Respuestas: a) $\frac{di}{dt} + \frac{R}{L} i = \frac{V_s}{L} u(t)$

b) $i(t) = \frac{V_s}{R} + \left(I_0 - \frac{V_s}{R}\right) e^{-Rt/L} \quad t > 0$

c) $i(t) = \frac{V_s}{R} + (1 - e^{-Rt/L}) u(t)$

11. El interruptor de la **Figura 2.11** se desconecta de forma repentina después de haber estado cerrado por mucho tiempo. Determine $i_L(t)$ para $t > 0$.

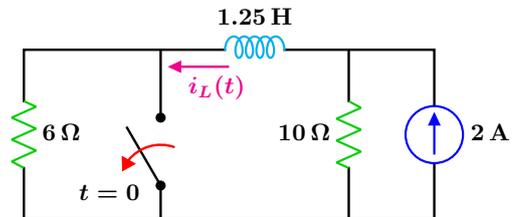


Figura 2.11: Circuito RL.

Responsable: M.I. Gloria Mata Hernández

Elaboró: Ing. Fernando Rivera

Facultad de Ingeniería, División de Ingeniería Eléctrica, UNAM

Respuestas: $i_L(t) = \frac{5}{4} + \frac{3}{4} e^{-12.8t} \quad t > 0$

- 12.** Resuelva por el método de la transformada de Laplace los ejercicios 2 y 3.
- 13.** Resuelva por el método de la transformada de Laplace los ejercicios 5 y 7.
- 14.** Resuelva por el método de la transformada de Laplace los ejercicios 8, 9 y 10.

Responsable: M.I. Gloria Mata Hernández

Elaboró: Ing. Fernando Rivera

Facultad de Ingeniería, División de Ingeniería Eléctrica, UNAM